

Vu que $y = mx + h$ passe par $A(3; 2)$, on a :

$$2 = 3m + h; \quad h = 2 - 3m$$

Ainsi, l'équation de la droite cherchée s'écrit :

$$y = mx + 2 - 3m$$

On peut calculer b et h :

$$x = 0 \text{ donne } h = 2 - 3m$$

$$y = 0 \text{ donne } b = \frac{3m - 2}{m}$$

On calcule A , l'aire du triangle, dont on cherche le minimum :

$$A(m) = b \cdot h \cdot \frac{1}{2} = \frac{(2-3m)(3m-2)}{2m}$$

$$= \frac{6m - 4 - 9m^2 + 6m}{2m} = \frac{-9m^2 + 12m - 4}{2m}$$

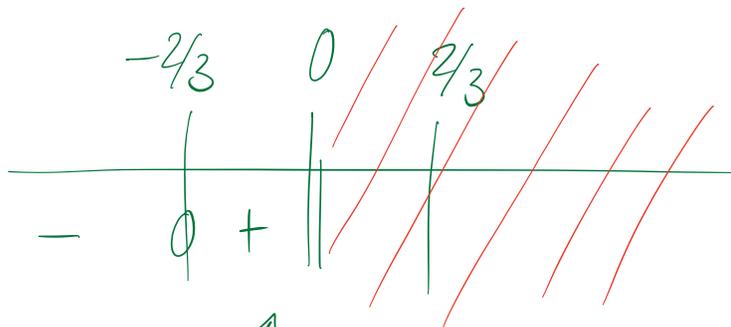
$$= -\frac{9}{2}m + 6 - \frac{2}{m}$$

$$A'(m) = -\frac{9}{2} - 2 \cdot \left(-\frac{1}{m^2}\right)$$

$$= \frac{2}{m^2} - \frac{9}{2}$$

$$A'(m) = 0 \Leftrightarrow 9m^2 = 4 \Leftrightarrow m = \pm \frac{2}{3}$$

On étudie la croissance de A :



$m > 0$ ne nous intéresse pas.

$\min(-2/3; \quad)$

$$-\frac{2}{3} \cdot \left(-\frac{2}{3}\right) + 6 - \frac{2}{\left(-\frac{2}{3}\right)} = 9 + 3 = 12$$

$\min(-2/3; 12)$

La pente vaut $-2/3$ pour une aire minimale de 12.

$$h = 2 - 3 \cdot m = 2 - 3 \cdot \left(-\frac{2}{3}\right) = 2 + 2 = 4$$

L'équation cherchée est:

$$\boxed{y = -\frac{2}{3}x + 4}$$